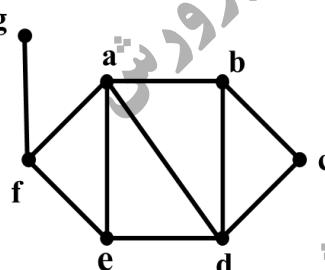


رشنده: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۲ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir			
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)		

۱	درست یا نادرست بودن عبارات زیر را مشخص کنید. الف) حاصل ضرب هر عدد گویای ناصفر در یک عدد گنگ، عددی گنگ است. ب) حاصل $(3m+1, 3m+2)$ برابر ۱ می باشد. ج) تعداد رئوس فرد هر گراف، عددی فرد است. د) عدد احاطه‌گری P_1 برابر عدد ۳ است.	۱
۱/۵	جاهاي خالي را با عبارت مناسب پر کنيد. الف) در يك گراف از مرتبه p ، اگر $\gamma(G) = 1$ باشد، در اين صورت حداقل تعداد يالها برابر است. ب) در يك مربع لاتين چرخشی 4×4 مجموع درایه های روی قطر اصلی برابر است. ج) تعداد توابع يك به يك از يك مجموعه 3 عضوي به يك مجموعه 5 عضوي برابر است.	۲
۰/۷۵	اگر x, y و z سه عدد حقيقی باشند، ثابت کنيد: $x^2 + y^2 + 1 \geq 2xy - z^2$	۳
۱	اگر a در اين صورت چند مقدار صحیح و نامنفی برای a وجود دارد؟	۴
۱/۵	باقي‌مانده تقسیم a بر دو عدد ۴ و ۵ به ترتیب برابر ۳ و ۴ می‌باشد، باقی‌مانده تقسیم a بر ۲۰ را محاسبه کنید. (با راه حل)	۵
۱/۲۵	در معادله سیاله $y = 15x + 19x^2$ ، بزرگترین عدد ۲ رقمی طبیعی که می‌توان برای x در نظر گرفت چه مقداری می‌باشد؟ (با راه حل)	۶
۱	به گراف ۸ رأسی ۳-منتظم چند يال اضافه کنیم تا تبدیل به گراف کامل شود؟ (با راه حل)	۷
۰/۷۵	گراف G به صورت زیر رسم شده است. با توجه به این گراف به سوالات زیر پاسخ دهید.  الف) مجموعه $N_G(g)$ را بنویسید. ب) یک دور به طول ۵ با شروع از رأس a بنویسید. ج) درجه رأس C در گراف \bar{G} (مکمل گراف G) را مشخص کنید.	۸

«بقیه سوالات در صفحه دوم»

رشنده: ریاضی فیزیک	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۸ صبح	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱	تعداد صفحه: ۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور درنوبت خرداد ماه سال ۱۴۰۲ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش			http://aee.medu.gov.ir
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد. (استفاده از ماشین حساب ساده، با چهار عمل اصلی، مجاز است.)		ردیف

۹	گراف زیر را در نظر بگیرید. الف) یک مجموعه احاطه‌گر غیر مینیمال با ۴ عضو بنویسید. ب) یک مجموعه احاطه‌گر مینیمال با ۴ عضو بنویسید. ج) با اضافه کردن چه یالی به گراف، عدد احاطه‌گری گراف ۲ خواهد شد? 	۱/۵
۱۰	الف) یک گراف ۸ رأسی (همبند یا ناهمبند) با عدد احاطه‌گری ۳ رسم کنید که یک مجموعه احاطه‌گر یکتا با اندازه ۳ داشته باشد. ب) یک گراف ۸ رأسی (همبند یا ناهمبند) با عدد احاطه‌گری ۳ رسم کنید که بیش از یک مجموعه احاطه‌گر با اندازه ۳ داشته باشد.	۱
۱۱	الف) عدد احاطه‌گری گراف مقابل را با ارائه راه حل، تعیین کنید. ب) این گراف چند گروه مجموعه دارد؟ 	۱/۷۵
۱۲	اگر داشته باشیم $B = \{a, b, c, d, e, f\}$ و $A = \{7, 8, 9\}$ در این صورت چند کد با شش کاراکتر متمایز می‌توان نوشت که هر یک شامل دو رقم از A و چهار حرف از B باشد؟	۱/۵
۱۳	معادله $x_1 + x_2 + x_3 + 2x_4 = 10$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد؟	۲
۱۴	قرار است ۳ راننده با ۳ نوع ماشین در ۳ مسیر متفاوت در ۳ روز اویل رانندگی کنند به گونه‌ای که هر راننده با هر نوع ماشین، هر مسیر را دقیقاً یکبار طی کرده باشد و نیز هر ماشین، هر یک از مسیرها را دقیقاً یک بار طی کند. برای این مسأله برنامه‌ریزی کنید.	۱/۵
۱۵	چند رمز ۴ رقمی با ارقام ۱ تا ۵ می‌توان نوشت به طوری که هر رمز، حداقل یک رقم ۳ و یک رقم ۲ را شامل باشد؟ (نیاز به محاسبه پاسخ نهایی نمی‌باشد)	۲
۱۶	(این سوال حذف و بارم آن طبق اصلاحیه راهنمای تصحیح در سوالات ۱۲-۱۳-۱۵ توزیع شده است)	
۲۰	جمع نمره "موفق باشید"	

ساعت شروع: ۸ صبح ۱۵:۰۰ میلادی تاریخ امتحان: ۲۱/۰۳/۱۴۰۲		رشته: ریاضی فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستره
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۲	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور خرداد ماه سال ۱۴۰۲	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	الف) درست (۰/۲۵) (صفحه ۵) ب) درست (۰/۲۵) (صفحه ۱۷) ج) نادرست (۰/۲۵) (صفحه ۴۰) د) نادرست (۰/۲۵) (صفحه ۵۳)	۱	
۲	الف) ۱ $p-1$ (۰/۵) (صفحه ۵۲) ب) ۴ (۰/۵) (صفحه ۶۳) ج) (۰/۵) (صفحه ۷۸)	۱/۵	
۳	(صفحه ۰/۲۵) همواره بدیهی است	۰/۷۵	
۴	(صفحه ۱۱) $a=1, a=11$ $\begin{cases} a \mid 2m+3 \\ a \mid m+7 \end{cases} \xrightarrow[(0/25)]{\times 2} \begin{cases} a \mid 2m+3 \\ a \mid 2m+14 \end{cases} \xrightarrow[(0/25)]{} a \mid 11 \rightarrow a=1, a=11$	۱	
۵	(صفحه ۱۶) $a=5q_1+4 \quad (0/25) \xrightarrow{\times 4} 4a=20q_1+16 \quad (0/25)$ $a=4q_2+3 \quad (0/25) \xrightarrow{\times 5} 5a=20q_2+15 \quad (0/25)$ $\xrightarrow[-]{} a=20q'-1 \quad (0/25) \rightarrow a=20q''+19 \quad (0/25)$	۱/۵	
۶	(صفحه ۲۸) $15x \equiv 7 \quad (0/25) \rightarrow 15x \equiv 45 \quad (0/25) \xrightarrow[(15,19)=1]{} x \equiv 3 \quad (0/25)$ $\rightarrow x = 19k + 3 \quad (0/25) \xrightarrow{k=5} x = 98 \quad (0/25)$	۱/۲۵	
۷	(صفحه ۴۰) $q = \frac{kn}{2} \rightarrow q = \frac{8 \times 3}{2} = 12 \quad (0/25)$ $q = \frac{n(n-1)}{2} \rightarrow q = \frac{8 \times 7}{2} = 28 \quad (0/25) \rightarrow 28 - 12 = 16 \quad (0/5)$	۱	
۸	الف) $\{f\}$ (۰/۲۵) ب) $abdea$ یا $abdefa$ (۰/۲۵) ج) $(0/25)$ (صفحه ۴۱)	۰/۷۵	
۹	الف) $\{c, e, h, f\}$ (۰/۵) ب) $\{c, g, i, e\}$ (۰/۵) ج) fhi (۰/۵) (صفحه ۴۷) در قسمت الف و ب وج به جواب های درست دیگر نمره تعلق بگیرد.	۱/۵	
۱۰	الف) شکل های درست دیگر نمره تعلق بگیرد. در قسمت الف و ب برای شکل های درست دیگر نمره تعلق بگیرد. (صفحه ۵۳)	۱	

ساعت شروع: ۸ صبح **۱۴۰۲** دوره امتحان **۱۳۹۵** دقیقه

رشته: ریاضی فیزیک

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستره

تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۰۳/۲۱

پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
<http://aee.medu.gov.ir>

دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور خرداد ماه سال ۱۴۰۲

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۱	$\left(\frac{\lambda}{\Delta+1} \right) \leq \gamma(G) \quad \text{در نتیجه} \quad \left[\frac{\lambda}{\Delta+1} \right] \leq \gamma(G) \quad \text{پس داریم} \quad \left[\frac{n}{\Delta+1} \right] \leq \gamma(G)$ <p>الف) می دانیم $\left\{ e, c \right\}$ از طرفی مجموعه ای مانند $\left\{ e, b \right\}$ یا $\left\{ e, d \right\}$ (هر کدام از مجموعه های $\left\{ e, b \right\}$ یا $\left\{ e, d \right\}$ اگر نوشته شد نیز مورد قبول است)</p> <p>یک مجموعه احاطه گر برای گراف (G) می باشد پس $\gamma(G) \leq 2$</p> <p>(فعالیت صفحه ۵۰) $\quad (0/5) \quad (0/5) \quad (0/5) \quad (0/5)$</p>	۱/۷۵
۱۲	<p>$\binom{3}{2} \times \binom{6}{4} \times 6! \quad (1/5)$</p> <p>به هر قسمت درست نیم نمره داده شود</p> <p>(صفحه ۷۱)</p>	۱/۵
۱۳	$\begin{cases} x_1 = 0 \xrightarrow{(. / 25)} x_1 + x_2 + x_3 = 1 \xrightarrow{(. / 25)} \binom{12}{2} \quad (0/25) \\ x_1 = 1 \xrightarrow{(. / 25)} x_1 + x_2 + x_3 = 1 \xrightarrow{(. / 25)} \binom{10}{2} \quad (0/25) \end{cases} \rightarrow \binom{12}{2} + \binom{10}{2} = 66 + 45 = 111 \quad (0/5)$ <p>(صفحه ۷۱)</p>	۲
۱۴	<p>۹</p> <p>$(0/5) \quad (0/5) \quad (0/5)$</p> <p>به مربع های لاتین متعامد صحیح دیگر نمره تعلق بگیرد.</p> <p>(صفحه ۷۲)</p>	۱/۵
۱۵	<p>$S = 5^3 \quad (0/25)$: تعداد کل رمزها</p> <p>$A = 4^3 \quad (0/25)$: تعداد رمزهای فاقد ۳</p> <p>$B = 4^3 \quad (0/25)$: تعداد رمزهای فاقد ۲</p> <p>$A \cap B = 3^3 \quad (0/25)$: تعداد رمزهای فاقد ۲ و ۳</p> <p>$\bar{A} \cap \bar{B} = S - A \cup B \quad (0/5) \quad S - A \cup B = 5^3 - (4^3 + 4^3 - 3^3) \quad (0/5)$</p> <p>(صفحه ۷۵)</p>	۲
۱۶	اصلاحیه: سوال ۱۶ حذف شده است.	
۲۰	جمع نمره	